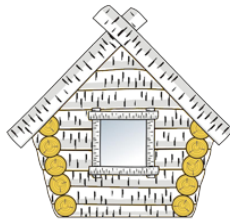


Тур_1 - 3 класс - решения

1. Три гномика - Ваня, Сеня и Афоня - построили себе три домика: сосновый, берёзовый и кирпичный. У Сени не берёзовый домик, а у Вани не деревянный. Какой домик у Афоня?

- Сосновый;
- берёзовый;
- кирпичный;
- невозможно определить.



Ваня Сеня Афоня

Ответ: берёзовый. (У Вани не деревянный домик, а сосновый и берёзовый - это деревянные домики. Значит, у Вани кирпичный домик.

У Сени не берёзовый домик. Но у него и не кирпичный домик, потому что кирпичный домик у Вани. Значит, у Сени сосновый домик.

Остался только берёзовый домик - это домик Афоня.)

2. Семья сороконожек пришла в обувной магазин, чтобы купить ботинки на босые ножки. У папы-сороконожки половина всех ног уже была обута, у мамы было обуто только 13 ног, а у сына с дочкой было обуто по 10 ног. Сколько ботинок купила семья сороконожек?

Замечание: Ботинки в магазине продаются штучно. В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 107. (Всего у каждой сороконожки 40 ног. У папы обуто половина всех ног. Значит, папе не хватает 20 ботинок. Маме не хватает $40-13=27$ ботинок. А детям нужно купить по $40-10=30$ ботинок. Всего нужно купить $20+27+30+30=107$ ботинок.)

3. Три спецаргента: Боб, Майкл и Джейми - провели 7 шпионских операций. В каждой операции участвовало двое. Боб принял участие в 3-х операциях, Джейми - в 6-ти. В скольких операциях принял участие Майкл?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 5. (В каждой из семи операций участвовало двое. Значит, всего "участий" было $7+7=14$. У





Боба было 3 “участия”, у Джейми – 6. Значит, у Майкла “участий” было $14-3-6=5$.)

4. Сколько существует трёхзначных чисел, у которых любые две соседние цифры отличаются ровно на 7?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 5. (Ясно, что вторая цифра либо на 7 больше и первой, и третьей, либо на 7 меньше и первой, и третьей. То есть первая и последняя цифры совпадают. Есть три пары цифр, которые отличаются на 7: это 0 и 7, 1 и 8, 2 и 9. Значит, все такие трёхзначные числа - это 707, 818, 181, 929 и 292. То есть их 5.)

5. У ПрограМиши есть много тетрадок жёлтого и зелёного цвета, причём некоторые из этих тетрадок с передней стороны одного цвета, а с задней - другого. ПрограМиша подсчитал, что тетрадок с зелёной стороной 7, с жёлтой - 12, а тетрадок, у которых передняя и задняя стороны разного цвета, - 5. Сколько у ПрограМиши одноцветных тетрадей?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 9. (Тетрадей с разноцветными сторонами 5, значит, эти 5 тетрадей вошли и в количество тетрадей с жёлтой стороной, и в количество тетрадей с зелёной стороной. Значит, полностью зелёных тетрадей $7-5=2$, а полностью жёлтых $12-5=7$. Тогда всего одноцветных тетрадей $2+7=9$.)

6. В Средиземье прошла встреча эльфов и гномов. Всего собралось 25 представителей. Эльф Леголас знаком с наименьшим количеством гномов - с 4-мя гномами. Эльф Галадриэль знакома с 5-ю гномами, эльф Линдир знаком с 6-ю, и так далее - каждый следующий эльф знает на 1 гнома больше. Последний эльф Трандуил знает всех гномов. Сколько гномов было на встрече?

Замечание: На встрече могли быть и другие эльфы, кроме приведенных в условии. В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 14. (1-ый эльф знает 4-х гномов. 2-ой эльф знает 5 гномов. Последний эльф знает всех гномов. В каждой фразе номер эльфа на 3 меньше, чем количество знакомых гномов. Значит, и номер последнего эльфа на 3 меньше, чем общее количество гномов. Значит, эльфов на 3 меньше, чем гномов.

Найдём количество эльфов. Временно вычтем 3-х “лишних” гномов: $25-3=22$. Теперь гномов и эльфов стало поровну. Значит, стало 11 эльфов и 11 гномов. Тогда гномов $11+3=14$.)





7. ПрограМиша и МатеМаша после школы ходят в один и тот же бассейн. Они идут по одной и той же дороге, но ПрограМиша доходит от школы до бассейна за 40 минут, а МатеМаша - за 50. Сегодня МатеМаша вышла из школы на 5 минут раньше ПрограМиши. Через сколько минут после своего выхода ПрограМиша догонит МатеМашу?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 20. (Весь путь ПрограМиша проходит за 40 минут. Значит, через 20 минут он будет ровно посередине между школой и бассейном.

МатеМаша вышла на 5 минут раньше. Значит, МатеМаша к этому моменту будет в пути уже $5+20=25$ минут. Она тратит на весь путь 50 минут. Значит, за 25 минут она пройдёт ровно половину пути и тоже будет ровно посередине между школой и бассейном.

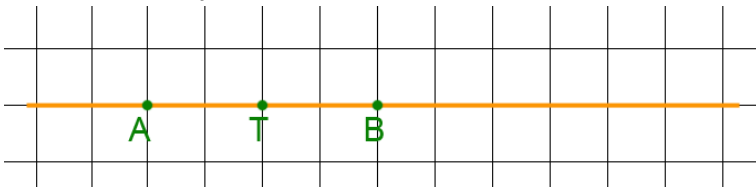
Получается, что через 20 минут после выхода ПрограМиши они оба будут на середине пути, а значит, встретятся.)

8. Домики Аси, Баси, Васи, Маси и Туси расположены вдоль одной прямой дороги. Домик Баси находится посередине между домиками Маси и Туси. Домик Васи расположен посередине между домиками Аси и Маси. Домик Туси посередине между домиками Аси и Васи. Расстояние между домиками Баси и Васи равно 4 километра. Сколько километров между домиками Аси и Туси?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

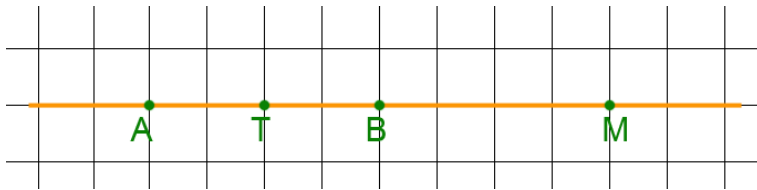
Ответ: 8. (Для удобства будем делать чертёж на клетчатом листе. Изобразим дорогу и будем отмечать на ней домики: А - Аси, Б - Баси, В - Васи, М - Маси и Т - Туси.

Начнём с условия "домик Туси посередине между домиками Аси и Васи". Отметим точки А и В - пусть это будут точки на расстоянии 4 клетки. Точки А и В пока можно расположить в любом порядке, поскольку пока на прямой ничего не было отмечено. Количество клеток тоже пока можно выбрать любое - связь клеток с расстояниями выясним позже. Посередине между точками А и В поставим точку Т - от Т до А и до В по 2 клетки.

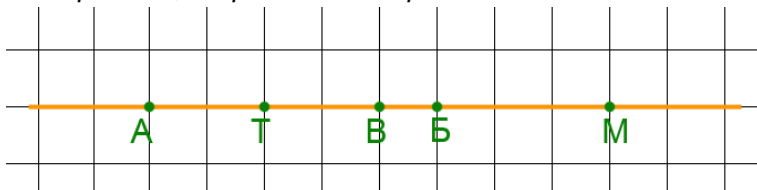


Теперь посмотрим на условие "домик Васи расположен посередине между домиками Аси и Маси". Домики Васи и Аси уже отмечены, между ними 4 клетки. Значит, точку М нужно поставить на расстоянии 4 клеток от В в противоположную сторону от А:

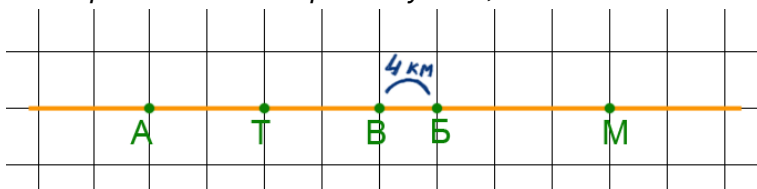




Затем из условия "домик Баси находится посередине между домиками Масы и Туси" найдём место для точки Б. Точки М и Т уже отмечены, между ними 6 клеток. Значит, Б нужно поставить ровно посередине, на расстоянии трёх клеток от М и от Т:



Получилось, что между В и Б одна клетка. Тогда из условия "Расстояние между домиками Баси и Васи равно 4 километра" получаем, что 1 клетка - это 4 километра.



А значит, расстояние от А до Т - это 2 клетки, то есть $4+4=8$ километров.)

9. На острове живут рыцари, которые всегда говорят правду, и лжецы, которые всегда лгут. Однажды на острове прошли гоночные соревнования. В гонке приняло участие 10 пилотов. Каждый занял место от 1 до 10, одинаковых результатов не было. На следующий день журналист местной газеты спросил у участников, какое они заняли место. Каждый участник назвал какое-то место от 1 до 10. Журналист просуммировал названные места и получил сумму 30. Какое наименьшее количество лжецов могло участвовать в гонке?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 4. (Если бы все участники сказали правду, то сумма была бы $1+2+3+4+5+6+7+8+9+10=55$. Значит, несколько человек назвали более высокое место (то есть место с меньшим номером), чем заняли на самом деле. Максимальная разница, которая может быть между правдивым и ложным ответом - это $10-1=9$. Но $55-9=46$ - это всё равно больше, чем получилось у журналиста. Значит, были ещё лжецы среди участников.

Максимально возможная разница 9 могла быть только у одного участника (так как все участники заняли разные места). Следующая по величине возможная разница - это $9-1=8$. Но $46-8=38$ - это всё ещё больше, чем получилось у журналиста. Значит, лжецов не могло быть и двое.





Разница 8 также могла быть только у одного участника. Следующая по величине возможная разница - это $8-1=7$. Но $38-7=31$ - это больше, чем получилось у журналиста. Значит, был ещё хотя бы один лжец. Значит, лжецов, участвовавших в гонке, не меньше 4. А такое могло быть, например, если лжецы, занявшие 10, 9 и 8 место, сказали, что они заняли 1 место, и ещё один лжец, занявший 7 место, сказал, что он занял 6 место (в остальные участники были рыцарями). Тогда сумма ответов $1+2+3+4+5+6+6+1+1+1=30$.)

10. В клетки таблицы 4×4 вписаны 16 различных натуральных чисел - по одному числу в каждую клетку. Сумма всех чисел в таблице равна 150. ПрограМиша нашёл сумму чисел в каждом квадрате 3×3 . Какова наименьшая возможная сумма этих четырёх сумм?

Замечание: В ответе укажите только число (или несколько чисел через запятую).

Ответ: 248. (4 числа в центре таблицы (которые выделены жёлтым цветом) участвуют в четырёх суммах, 8 чисел по краям доски (которые выделены зелёным цветом) - в двух суммах, и 4 числа в углах доски - в какой-то одной сумме.

1	2	2	1
2	4	4	2
2	4	4	2
1	2	2	1

То есть чтобы получить итоговую сумму, нужно к 150 (к сумме всех чисел в таблице) добавить ещё одну сумму зелёных чисел и утроенную сумму жёлтых чисел. Результат будет минимальным, если сначала сделать минимально возможными жёлтые числа (это 1, 2, 3 и 4), а затем минимально возможными зелёные числа (это следующие 8 натуральных чисел: 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12). В этом случае результат будет такой: $150+(1+2+3+4)*3+5+6+7+8+9+10+11+12=248$.)

